

2025年度 樟蔭高等学校 入学試験【数学】(2025年2月11日実施) 解説

【1】正解(1)11 (2) $\frac{7}{12}a$  (3) $x^2 - 3x$  (4) $-2a(x+2)(x-2)$  (5) $-\sqrt{3}$

【解説】

- (1) 計算順序に注意。まずはかけ算から。
- (2) 分数式の通分。12倍しないように。
- (3) 公式による展開。後ろの( )<sup>2</sup>を展開後の引き算に注意。
- (4) まず共通因数 $-2a$ でくくってから因数分解。
- (5)  $\sqrt{\quad}$ の中を小さい数にしてから計算。

【2】正解(1) $x = 2, y = 1$  (2) $a = \frac{2S}{h} - b$  または  $a = \frac{2S - bh}{h}$  (3) 第1四分位数 3, 中央値 3.5,

第3四分位数 4, 四分位範囲 1

【解説】

- (1)  $x$  あるいは  $y$  の係数をそろえて1文字を消去。例えば上式を2倍した式と下式を3倍した式をたすと、 $13x = 26$  となり、 $x$  が求められる。
- (2) 目的は  $a = \quad$  の形に変形すること。両辺に  $\frac{2}{h}$  を掛けると簡単に求められる。
- (3) 中央値は5番目の3と6番目の4の平均。  
第1四分位数は1~5番目の中央の3, 第3四分位数は6~10番目の中央の4。  
四分位範囲は(第3四分位数) - (第1四分位数)。

【3】正解(1) $40^\circ$  (2) $55^\circ$  (3) $2\sqrt{6}$  (4)1:26

【解説】

- (1) ABを直線  $m$  と交わるまで伸ばし、 $AB \parallel CD$  を用いる。
- (2) 円周角の  $\angle x$  と  $35^\circ$  をひっつけると半円に対する円周角になり、合計  $90^\circ$ 。  $\angle x = 90^\circ - 35^\circ$ 。
- (3) 直角三角形の斜辺が  $4\sqrt{3}$  なので、 $\sqrt{2}x = 4\sqrt{3}$  を解けばよい。
- (4) 相似な立体の体積比が  $1^3:3^3=1:27$  より、 $Q$  は  $27-1$  の割合になる。

【4】正解(1) $y = x + 12$  (2)42 (3) $7\sqrt{2}$  (4) $6\sqrt{2}$

【解説】

- (1) A, B の座標を求め、 $y = ax + b$  に代入して求める。

(2) 直線 AB と  $y$  軸の交点の  $y$  座標を利用して、 $\frac{1}{2} \times 12 \times \{4 - (-3)\} = 42$

(3)  $x$  座標の差 7 と、 $y$  座標の差 7 を用いて、斜辺の長さを求める。

(4) 直線  $l$  と  $x$  軸、 $y$  軸で囲まれた部分が直角二等辺三角形になることを用いて、 $12 \times \frac{1}{\sqrt{2}} = 6\sqrt{2}$  と求められる。

【5】正解(1)3:2 (2)5:1 (3)5:12

【解説】

(1)  $\triangle EFD \sim \triangle PFC$  より、 $DE:CP = FD:FC = 1:2$ 。また  $AD = BC$  なので、  
 $BC:CP = AD:CP = 3:2$ 。

(2)  $\triangle QBP \sim \triangle QDE$  より、 $QB:QD = BP:DE = 5:1$ 。

(3) 高さを共有する2つの三角形の面積比は底辺の比と等しくなるので、 $\triangle ABQ = \frac{5}{6} \triangle ABD$ 。

$\triangle ABD$  の面積は平行四辺形 ABCD の面積の半分なので、 $\triangle ABQ$  は

平行四辺形 ABCD の  $\frac{1}{2} \times \frac{5}{6} = \frac{5}{12}$

【6】正解(ア)100 (イ)100 (ウ)25 (エ)1 (オ)100 (カ)4 (キ)4 (ク)2025

【解説】

(ア)~(オ)  $(10n + 5)^2 = 100n^2 + 100n + 25$  前2項を  $100n$  でくくる。

(カ) 45 は  $n = 4$  のとき。

(キ)(ク)  $45^2 = 4(4 + 1) \times 100 + 25 = 2000 + 25$  になる。

【7】正解(1) $8\text{cm}^2$  (2)14 (3) $\frac{160}{3}\text{cm}^3$  (4) $48 + 16\sqrt{3}\text{cm}^2$

【解説】

(1) 四角形 PQRS の面積は正方形 BFGC の面積の半分。

(2) もともとの面の数が6で、三角すいを1つ切り取るごとに面の数が1つ増える。

(3) 立方体の体積から三角すいの体積8個分を引く。 $4^3 - \frac{1}{3} \times \frac{1}{2} \times 2^2 \times 2 \times 8 = \frac{160}{3}$

(4) (1)の正方形6つ分と、切り口の正三角形8つ分の合計。

$8 \times 6 + \frac{1}{2} \times 2\sqrt{2} \times \sqrt{6} \times 8 = 48 + 16\sqrt{3}$